

# Índice

Presentación .....	xv
--------------------	----

## Tema 1. CONCEPTOS BÁSICOS Y ORGANIZACIÓN DE DATOS **1**

1.1. Introducción .....	3
1.2. La investigación en Psicología .....	4
1.3. Concepto y funciones de la estadística: descripción e inferencia .....	7
1.4. Variables: medición y clasificación .....	10
1.5. Descripción de variables: distribución de frecuencias y representación gráfica .....	18
1.5.1. Descripción de variables cualitativas .....	22
1.5.2. Descripción de variables ordinales o cuasicuantitativas .....	25
1.5.3. Descripción de variables cuantitativas .....	27
1.6. Tendencia central, variabilidad y forma de una variable: aproximación gráfica .....	35
1.7. Resumen .....	40
1.8. Ejercicios .....	40
1.9. Soluciones a los ejercicios .....	42

## Tema 2. ÍNDICES DE TENDENCIA CENTRAL Y DE POSICIÓN **47**

2.1. Introducción .....	49
2.2. Índices de tendencia central .....	50
2.2.1. Media aritmética .....	50
2.2.2. La mediana .....	62
2.2.3. La moda .....	70
2.2.4. Elección de un índice de tendencia central .....	73
2.3. Índices de posición .....	76
2.3.1. Percentiles .....	77
2.3.2. Cuartiles y deciles .....	86

<b>2.4.</b>	Resumen .....	88
<b>2.5.</b>	Ejercicios .....	88
<b>2.6.</b>	Soluciones a los ejercicios .....	90

---

<b>Tema 3.</b>	<b>MEDIDAS DE VARIABILIDAD Y FORMA</b>	<b>99</b>
----------------	--	-----------

---

<b>3.1.</b>	Introducción.....	101
<b>3.2.</b>	Medidas de variabilidad.....	102
<b>3.2.1.</b>	Amplitud total o rango .....	104
<b>3.2.2.</b>	Varianza y desviación típica .....	105
<b>3.2.3.</b>	Coeficiente de variación .....	112
<b>3.2.4.</b>	Amplitud intercuartil.....	115
<b>3.3.</b>	Medidas de forma .....	117
<b>3.3.1.</b>	Asimetría de una distribución.....	117
<b>3.3.2.</b>	Apuntamiento o curtosis de una distribución .....	121
<b>3.4.</b>	Diagrama de caja.....	123
<b>3.5.</b>	Puntuaciones típicas .....	127
<b>3.6.</b>	Resumen .....	130
<b>3.7.</b>	Ejercicios .....	131
<b>3.8.</b>	Soluciones a los ejercicios .....	133

---

<b>Tema 4.</b>	<b>RELACIÓN ENTRE VARIABLES I</b>	<b>141</b>
----------------	-----------------------------------	------------

---

<b>4.1.</b>	Introducción.....	143
<b>4.2.</b>	Asociación entre dos variables cualitativas.....	146
<b>4.2.1.</b>	Tabla de contingencia .....	147
<b>4.2.2.</b>	Representación gráfica: diagrama de barras conjunto .....	155
<b>4.2.2.1.</b>	Diagrama de barras adosadas.....	156
<b>4.2.2.2.</b>	Diagrama de barras apiladas .....	156
<b>4.2.3.</b>	Medidas globales de asociación entre variables cualitativas .....	159
<b>4.2.3.1.</b>	Independencia y $\chi^2$ .....	159
<b>4.2.3.2.</b>	Coeficiente <i>C</i> de Contingencia.....	164
<b>4.2.3.3.</b>	Coeficiente <i>V</i> de Cramer .....	167
<b>4.2.3.4.</b>	Coeficiente $\phi$ .....	168
<b>4.3.</b>	Relación entre variables ordinales .....	169
<b>4.3.1.</b>	Coeficiente de correlación por rangos de Spearman ...	170

<b>4.4.</b>	<b>Resumen .....</b>	<b>175</b>
<b>4.5.</b>	<b>Ejercicios .....</b>	<b>175</b>
<b>4.6.</b>	<b>Soluciones a los ejercicios .....</b>	<b>178</b>

---

<b>Tema 5. RELACIÓN ENTRE VARIABLES II</b>	<b>183</b>
--	------------

---

<b>5.1.</b>	<b>Introducción.....</b>	<b>185</b>
<b>5.2.</b>	<b>Relación entre dos variables cuantitativas.....</b>	<b>187</b>
	<b>5.2.1.</b> Representación gráfica de la relación: diagrama de dispersión .....	187
	<b>5.2.2.</b> Covarianza.....	194
	<b>5.2.3.</b> Coeficiente de correlación lineal de Pearson .....	196
	<b>5.2.3.1.</b> Cálculo .....	197
	<b>5.2.3.2.</b> Interpretación y características .....	199
	<b>5.2.3.3.</b> Casos particulares de coeficiente de correlación lineal de Pearson.....	205
	<b>5.2.3.3.1.</b> Relación entre variables ordinales .....	206
	<b>5.2.3.3.2.</b> Relación entre variables dicotómicas .....	211
	<b>5.2.3.3.3.</b> Relación entre una variable dicotómica y otra cuantitativa...	213
<b>5.3.</b>	<b>Coeficientes de correlación en función del tipo de variable: tabla resumen .....</b>	<b>216</b>
<b>5.4.</b>	<b>Regresión lineal simple .....</b>	<b>217</b>
	<b>5.4.1.</b> Cálculo de los coeficientes de regresión.....	218
	<b>5.4.2.</b> Valoración del modelo.....	224
	<b>5.4.2.1.</b> La varianza error .....	226
	<b>5.4.2.2.</b> El coeficiente de determinación.....	229
	<b>5.4.3.</b> Características del modelo de regresión .....	230
<b>5.5.</b>	<b>Regresión lineal múltiple .....</b>	<b>233</b>
<b>5.6.</b>	<b>Resumen .....</b>	<b>236</b>
<b>5.7.</b>	<b>Ejercicios .....</b>	<b>237</b>
<b>5.8.</b>	<b>Soluciones a los ejercicios .....</b>	<b>241</b>

**Tema 6. NOCIONES BÁSICAS DE PROBABILIDAD****247**

<b>6.1.</b> Introducción.....	249
<b>6.2.</b> Conceptos previos.....	251
<b>6.2.1.</b> Experimento aleatorio.....	251
<b>6.2.2.</b> Espacio muestral.....	252
<b>6.2.3.</b> Sucesos y tipos de sucesos.....	254
<b>6.2.4.</b> Operaciones con sucesos.....	256
<b>6.3.</b> Definición de probabilidad .....	259
<b>6.4.</b> Teorema de la suma .....	264
<b>6.5.</b> Probabilidad condicionada .....	266
<b>6.6.</b> Teorema del producto .....	269
<b>6.7.</b> Teorema de la probabilidad total .....	272
<b>6.8.</b> Teorema de Bayes.....	277
<b>6.9.</b> Algunas aplicaciones de la probabilidad condicionada en Psicología de la Salud .....	281
<b>6.10.</b> Resumen .....	286
<b>6.11.</b> Ejercicios .....	287
<b>6.12.</b> Soluciones a los ejercicios .....	290

**Tema 7. VARIABLES ALEATORIAS Y MODELOS DISCRETOS  
DE PROBABILIDAD****299**

<b>7.1.</b> Introducción.....	301
<b>7.2.</b> Concepto de variable aleatoria .....	302
<b>7.3.</b> Tipos de variables aleatorias.....	305
<b>7.4.</b> Variables aleatorias discretas.....	306
<b>7.4.1.</b> Función de probabilidad de una V.A. discreta.....	306
<b>7.4.2.</b> Función de distribución de una V.A. discreta.....	308
<b>7.4.3.</b> Media y varianza de una V.A. discreta .....	312
<b>7.5.</b> Distribuciones discretas de probabilidad .....	315
<b>7.4.1.</b> La distribución de Bernoulli.....	315
<b>7.5.2.</b> La distribución binomial .....	318
<b>7.5.3.</b> Otras distribuciones discretas .....	324
<b>7.6.</b> Resumen .....	324
<b>7.7.</b> Ejercicios .....	325
<b>7.8.</b> Soluciones a los ejercicios .....	327

**Tema 8. MODELOS CONTINUOS DE PROBABILIDAD 333**

8.1.	Introducción.....	335
8.2.	Características de las variables aleatorias continuas.....	336
8.2.1.	Función de densidad y función de distribución .....	337
8.2.2.	Media y varianza de una variable aleatoria continua...	340
8.3.	La distribución normal .....	341
8.3.1.	Características y propiedades .....	342
8.3.2.	Utilización de las tablas.....	345
8.3.3.	Histograma y distribución normal .....	348
8.3.4.	Aproximación de la binomial a la normal .....	351
8.4.	La distribucion $\chi^2$ de Pearson .....	355
8.5.	La distribución $t$ de Student.....	357
8.6.	La distribución $F$ de Fisher-Snedecor.....	360
8.7.	Resumen .....	363
8.8.	Ejercicios .....	364
8.9.	Soluciones a los ejercicios .....	366

**Tema 9. MUESTREO Y DISTRIBUCIÓN MUESTRAL DE UN ESTADÍSTICO 371**

9.1.	Introducción.....	373
9.2.	Muestreo .....	374
9.2.1.	Conceptos básicos en el muestreo .....	375
9.2.2.	Tipos de muestreo .....	378
9.2.2.1.	Métodos de muestreo probabilístico .....	379
9.2.2.2.	Métodos de muestreo no probabilístico.....	384
9.3.	Distribución muestral de un estadístico .....	386
9.4.	Distribución muestral del estadístico media .....	402
9.4.1.	Distribución normal de la variable $X$ con varianza poblacional conocida.....	402
9.4.2.	Distribución normal de la variable $X$ con varianza poblacional desconocida.....	406
9.4.3.	La variable $X$ no se distribuye normalmente.....	407
9.5.	Distribución muestral del estadístico proporción .....	408
9.5.1.	Distribución muestral de $P$ para muestras pequeñas...	409
9.5.2.	Distribución muestral de $P$ para muestras suficientemente grandes .....	411

<b>9.6.</b>	Distribución muestral del estadístico varianza .....	413
<b>9.7.</b>	Resumen .....	418
<b>9.8.</b>	Ejercicios .....	419
<b>9.9.</b>	Soluciones a los ejercicios .....	421

---

**Tema 10. ESTIMACIÓN DE PARÁMETROS Y CÁLCULO DEL  
TAMAÑO MUESTRAL** **427**

---

<b>10.1.</b>	Introducción .....	429
<b>10.2.</b>	Estimación de parámetros .....	433
<b>10.2.1.</b>	Propiedades de los estimadores .....	434
<b>10.2.2.</b>	Métodos de obtención de estimadores .....	439
<b>10.2.3.</b>	Estimación puntual .....	439
<b>10.2.4.</b>	Estimación por intervalos.....	440
<b>10.3.</b>	Cálculo del intervalo de confianza .....	444
<b>10.3.1.</b>	Intervalo de confianza para el parámetro $\mu$ con $\sigma^2$ conocida.....	444
<b>10.3.2.</b>	Intervalo de confianza para el parámetro $\mu$ con $\sigma^2$ desconocida.....	448
<b>10.3.3.</b>	Intervalo de confianza para el parámetro $\pi$ (aproximación a la normal) .....	451
<b>10.3.4.</b>	Intervalo de confianza para el parámetro $\sigma^2$ .....	453
<b>10.4.</b>	Significado del nivel de confianza.....	456
<b>10.5.</b>	Generalización de la construcción de intervalos.....	457
<b>10.6.</b>	Factores que afectan al intervalo de confianza .....	458
<b>10.7.</b>	Cálculo del tamaño muestral .....	459
<b>10.7.1.</b>	Tamaño muestral para el parámetro media.....	460
<b>10.7.1.1.</b>	Conocida la varianza poblacional .....	461
<b>10.7.1.2.</b>	Desconocida la varianza poblacional .....	462
<b>10.7.2.</b>	Tamaño muestral para el parámetro proporción .....	465
<b>10.8.</b>	Resumen.....	466
<b>10.9.</b>	Ejercicios .....	467
<b>10.10.</b>	Soluciones a los ejercicios .....	470

---

**REFERENCIAS BIBLIOGRÁFICAS** **479**

---



---

**TABLAS ESTADÍSTICAS** **481**

---